

第 15 章: 操作変数法と二段階最小二乗法

Jeffrey Wooldridge (2018).

Introductory Econometrics: A Modern Approach
Seventh Edition. Cengage Learning.

2026-03-15

準備

必要なパッケージの読み込み

- ▶ wooldridge: データセット

```
library(wooldridge)
```

- ▶ AER: 操作変数推定 ivreg()

```
install.packages("AER")  
library(AER)
```

- ▶ car: 線形仮説検定 linearHypothesis()

```
library(car)
```

15-1 動機: 省略変数と操作変数

内生変数問題の背景

- ▶ これまでの対処法:
 1. 省略変数バイアスを無視 (不偏性・一致性を失う)
 2. 代理変数の利用 (第 9 章)
 3. 固定効果・1 階差分 (第 13・14 章): **時間不変の省略変数のみ** 対処可能
- ▶ 本章では別のアプローチ: **操作変数法 (Instrumental Variables, IV)**
 - ▶ 時変の省略変数・測定誤差にも対処可能
 - ▶ 応用計量経済学で最重要手法の 1 つ

単純回帰モデルでの問題設定

- ▶ モデル [15.1]:

$$\log(\text{wage}) = \beta_0 + \beta_1 \text{educ} + u$$

- ▶ u には観察不能な能力 (*abil*) が含まれる
- ▶ $\text{Cov}(\text{educ}, u) \neq 0 \Rightarrow \text{OLS}$ は不一致
- ▶ 必要なのは *educ* の操作変数 z

操作変数 (Instrumental Variable) の条件

変数 z が x の操作変数になるための 2 条件:

1. 操作変数の外生性 (Instrument Exogeneity) [15.4]:

$$\text{Cov}(z, u) = 0$$

z は誤差項と無相関 (検定不可能: 経済理論で正当化)

2. 操作変数の関連性 (Instrument Relevance) [15.5]:

$$\text{Cov}(z, x) \neq 0$$

z は内生変数 x と相関 (検定可能: 第 1 段階回帰)

操作変数の候補例 (賃金方程式)

IV 候補	外生性	関連性
父親の教育年数 (fatheduc)	ある程度成立 (能力 との無相関を仮定)	educ と正相関 (検 定可能)
兄弟の数 (sibs)	成立しやすい (能力 との無相関)	educ と負相関 (検 定可能)
誕生四半期 (firstqtr)	主張される (季節と 能力は無関係)	わずかな相関 (問題 あり)
IQ	外生性を欠く (abil の代理変数)	—

IV 推定量の導出

- ▶ 母集団の共分散より:

$$\text{Cov}(z, y) = \beta_1 \text{Cov}(z, x) + \text{Cov}(z, u)$$

- ▶ $\text{Cov}(z, u) = 0$ のとき、 β_1 を識別 (identify) できる [15.9]:

$$\beta_1 = \frac{\text{Cov}(z, y)}{\text{Cov}(z, x)}$$

- ▶ 標本対応の **IV 推定量** [15.10]:

$$\hat{\beta}_1^{IV} = \frac{\sum_{i=1}^n (z_i - \bar{z})(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (z_i - \bar{z})(x_i - \bar{x})}$$

IV 推定量の性質

- ▶ 一貫性: $\text{plim}(\hat{\beta}_1^{IV}) = \beta_1$ (両条件が成立するとき)
- ▶ 不偏性なし: IV 推定量は小標本では不偏でない (大標本が望ましい)
- ▶ 漸近分散 [15.12]:

$$\text{AsyVar}(\hat{\beta}_1^{IV}) = \frac{\sigma^2}{n\sigma_x^2\rho_{x,z}^2}$$

ここで $\rho_{x,z}^2$ は x と z の相関の二乗

- ▶ OLS 分散 $= \sigma^2/(n\sigma_x^2)$ より常に大きい ($\rho_{x,z}^2 \leq 1$)
- ▶ $\rho_{x,z}^2$ が小さいほど IV の分散は巨大に \Rightarrow 弱い操作変数問題

15-1a IV 推定量の統計的推論

例 15.1: 既婚女性の教育収益率 (MROZ)

- ▶ データ: 既婚女性 428 人 (就業者のみ)
- ▶ モデル: $\log(wage) = \beta_0 + \beta_1 educ + u$
- ▶ IV: *fatheduc* (父親の教育年数) → 関連性: 有 (検定可)、外生性: 仮定

```
# mroz データセットを読み込む
data(mroz)
# 就業者 (inlf == 1) 428 人を抽出
mroz_work <- subset(mroz, inlf == 1)
```

例 15.1: 第 1 段階 (関連性確認)

```
# educ を fatheduc に単回帰して関連性を確認  
first_rel <- lm(educ ~ fatheduc, data = mroz_work)  
# fatheduc の係数・SE・t 値・p 値を表示  
coef(summary(first_rel))["fatheduc", ]
```

```
##      Estimate  Std. Error    t value    Pr(>|t|)  
## 2.694416e-01 2.858634e-02 9.425538e+00 2.764936e-19
```

例 15.1: OLS vs IV の比較

```
# OLS 推定
res_ols151 <- lm(lwage ~ educ, data = mroz_work)
# IV 推定: 書式 ivreg(被説明変数 ~ 内生変数 / 操作変数)
# fatheduc を educ の IV に指定
res_iv151 <- ivreg(lwage ~ educ | fatheduc, data = mroz_work)
# educ の係数と標準誤差を OLS・IV で比較
rbind(
  OLS = coef(summary(res_ols151))["educ", 1:2],
  IV  = coef(summary(res_iv151))["educ", 1:2]
)
```

```
##           Estimate Std. Error
## OLS 0.10864866 0.01439985
## IV  0.05917348 0.03514177
```

例 15.1: 結果の解釈

- ▶ OLS: $\hat{\beta}_{educ} \approx 0.109$ (se = 0.014)
- ▶ IV: $\hat{\beta}_{educ} \approx 0.059$ (se = 0.035)
- ▶ IV 標準誤差は OLS の約 2.4 倍 \Rightarrow 信頼区間が OLS 推定値を含む

例 15.2: 男性の教育収益率 (WAGE2)

▶ IV: *sibs* (兄弟姉妹数) — 能力と無相関と仮定

```
# wage2 データを読み込む
data(wage2)
# 関連性確認: sibs (兄弟数) が多いほど学歴は低いか
# sibs の係数 (負なら関連性あり)
lm(educ ~ sibs, data = wage2)$coef["sibs"]
```

```
##          sibs
## -0.2279164
```

例 15.2: OLS vs IV の比較

```
# OLS 推定
res_ols152 <- lm(lwage ~ educ, data = wage2)
# IV 推定 (sibs を educ の IV に指定)
res_iv152 <- ivreg(lwage ~ educ | sibs, data = wage2)
# educ の係数と標準誤差を OLS・IV で比較
rbind(
  OLS = coef(summary(res_ols152))["educ", 1:2],
  IV = coef(summary(res_iv152))["educ", 1:2]
)
```

```
##      Estimate Std. Error
## OLS 0.0598392 0.005963094
## IV  0.1224326 0.026350568
```

▶ IV 推定値 (≈ 0.122) は OLS (≈ 0.06) より大きい

15-1b 弱い操作変数の問題

不良操作変数の漸近バイアス [15.19]

$$\text{plim } \hat{\beta}_1^{IV} = \beta_1 + \frac{\text{Corr}(z, u)}{\text{Corr}(z, x)} \cdot \frac{\sigma_u}{\sigma_x}$$

- ▶ 外生性 $\text{Cov}(z, u) = 0$ が成立 \Rightarrow IV は一致推定
- ▶ $\text{Corr}(z, x)$ が小さいとき: $\text{Corr}(z, u)$ がわずかでも不一致が巨大
- ▶ OLS のバイアス [15.20]:

$$\text{plim } \hat{\beta}_1^{OLS} = \beta_1 + \text{Corr}(x, u) \cdot \frac{\sigma_u}{\sigma_x}$$

- ▶ **IV が OLS より悪い可能性**: $\text{Corr}(z, u)$ が小さくとも $\text{Corr}(z, x)$ が非常に小さければ IV の不一致は OLS より大きくなりうる

例 15.3: 喫煙と出生時体重 (BWGHT) — 悪い操作変数

- ▶ IV 候補: *cigprice* (タバコ価格) → *packs* の関連性が皆無

```
# bwght データを読み込む
data(bwght)
# 関連性確認: cigprice (タバコ価格) が packs (喫煙量) と相関しているか
# cigprice の係数を取得 (ほぼゼロなら関連性なし)
lm(packs ~ cigprice, data = bwght)$coef["cigprice"]
```

```
##      cigprice
## 0.0002828844
```

```
# → ほぼゼロ: cigprice は packs の有効な IV ではない
# (関連性条件 [15.5] を満たさない)
```

- ▶ **結論:** 操作変数候補は必ず**関連性**を統計的に確認すること
- ▶ 関連性がない場合、IV 推定値は意味をなさない

15-2 重回帰モデルへの IV 拡張

構造方程式と外生変数・内生変数

- ▶ **構造方程式 (structural equation) [15.22]:**

$$y_1 = \beta_0 + \beta_1 y_2 + \beta_2 z_1 + u_1$$

- ▶ y_2 : 内生的説明変数 ($\text{Cov}(y_2, u_1) \neq 0$)
- ▶ z_1 : 外生変数 ($\text{Cov}(z_1, u_1) = 0$) \Rightarrow 自身の操作変数
- ▶ z_1 は構造方程式に含まれるため y_2 の IV に使えない \Rightarrow 追加の外生変数 z_2 が必要
- ▶ **除外制約 (exclusion restriction):** z_2 は構造方程式に現れず外生

誘導型方程式と識別条件

- ▶ y_2 の誘導型 (reduced form) [15.26]:

$$y_2 = \pi_0 + \pi_1 z_1 + \pi_2 z_2 + v_2$$

- ▶ 識別条件 [15.27]: $\pi_2 \neq 0$ (z_2 が y_2 と偏相関を持つ)
- ▶ 一般化: 構造方程式 [15.28] に $k-1$ 個の外生変数と 1 個の内生変数がある場合
 - ▶ 誘導型 [15.30] で z_k の係数 $\pi_k \neq 0$ が識別条件

例 15.4: 大学近接性を教育の IV として使用 (CARD)

▶ IV: *nearc4* (4 年制大学近辺で育ったか)、Card (1995)

```
# card データセットを読み込む
data(card)
# OLS 推定: lwage を educ + コントロール変数に回帰
res_ols154 <- lm(lwage ~ educ + exper + expersq + black + smsa + south,
                 data = card)
# 2SLS 推定: nearc4 が educ の操作変数
# 書式: ivreg(y ~ 内生+外生 / IV+外生)、外生変数は両側に書く
res_iv154 <- ivreg(lwage ~ educ + exper + expersq + black + smsa + south |
                  nearc4 + exper + expersq + black + smsa + south,
                  data = card)
```

例 15.4: OLS vs 2SLS の比較

```
# educ の係数と標準誤差を OLS・2SLS で比較
rbind(
  OLS = coef(summary(res_ols154))["educ", 1:2],
  IV  = coef(summary(res_iv154))["educ", 1:2]
)
```

```
##           Estimate Std. Error
## OLS 0.07400899 0.003505435
## IV  0.13228884 0.049233236
```

例 15.4: 第 1 段階回帰 (操作変数の関連性確認)

```
# educ を nearc4 + コントロール変数に回帰
first_stage154 <- lm(educ ~ nearc4 + exper + expersq +
                    black + smsa + south,
                    data = card)
# nearc4 の係数・SE・t 値・p 値を表示
coef(summary(first_stage154))["nearc4", ]
```

```
##      Estimate  Std. Error    t value    Pr(>|t|)
## 3.373208e-01 8.250044e-02 4.088715e+00 4.451508e-05
```

▶ *nearc4* の *t* 値 ≈ 4.09 (有意) \Rightarrow 関連性条件を満たす

例 15.4: 結果の解釈

- ▶ OLS: $\hat{\beta}_{educ} \approx 0.074$ (se = 0.004)
- ▶ IV: $\hat{\beta}_{educ} \approx 0.132$ (se = 0.049) (Table 15.1 に近似)
- ▶ IV 推定値は OLS の約 1.8 倍 \Rightarrow OLS の下方バイアスと整合的
- ▶ IV 標準誤差は OLS の約 14 倍 \Rightarrow 95%信頼区間が非常に広い

15-3 二段階最小二乗法 (2SLS)

2SLS のアイデア: 複数の操作変数

- ▶ 内生変数 y_2 に対して複数の除外変数 z_2, z_3 がある場合
- ▶ それぞれ単独で使えるが、最適な線形結合を使う \Rightarrow **2SLS**
- ▶ **第 1 段階 (First Stage):** y_2 を全外生変数に回帰して fitted values \hat{y}_2 を得る [15.36]:

$$\hat{y}_2 = \hat{\pi}_0 + \hat{\pi}_1 z_1 + \hat{\pi}_2 z_2 + \hat{\pi}_3 z_3$$

- ▶ **第 2 段階 (Second Stage):** y_1 を \hat{y}_2 と z_1 に回帰 [15.38]:

$$y_1 \text{ on } \hat{y}_2 \text{ and } z_1$$

- ▶ 2SLS の標準誤差は専用コマンドで計算すること (手動計算は標準誤差が不正確)

例 15.5: 既婚女性の教育収益率 (MROZ) — 2SLS

- ▶ 除外 IV: *motheduc*, *fatheduc* (両親の教育年数)
- ▶ まず: 両親の教育が *educ* と偏相関を持つか確認 (F 検定)

```
# educ を両親の教育年数 + 経験変数に回帰
first_stage155 <- lm(educ ~ motheduc + fatheduc + exper + expersq,
                    data = mroz_work)
# F 統計量 > 10 が弱操作変数でない目安 (Stock-Yogo, 2005)
linearHypothesis(first_stage155, c("motheduc = 0", "fatheduc = 0"))
```

```
##
## Linear hypothesis test:
## motheduc = 0
## fatheduc = 0
##
## Model 1: restricted model
## Model 2: educ ~ motheduc + fatheduc + exper + expersq
##
##   Res.Df    RSS Df Sum of Sq   F    Pr(>F)
## 1      425 2219.2
## 2      423 1758.6  2    460.64 55.4 < 2.2e-16 ***
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

例 15.5: 2SLS 推定

- ▶ | 左: 内生変数 (educ) + 外生変数 | 右: 除外 IV
(motheduc, fatheduc) + 外生変数

```
# 2SLS 推定: | 左: 内生変数+外生変数、| 右: 除外 IV+外生変数
res_2sls155 <- ivreg(lwage ~ educ + exper + expersq |
                    motheduc + fatheduc + exper + expersq,
                    data = mroz_work)
# 定数・educ・exper・expersq の 4 係数を表示
summary(res_2sls155)$coefficients[1:4, ]
```

##	Estimate	Std. Error	t value	Pr(> t)
## (Intercept)	0.0481003069	0.4003280776	0.1201522	0.904419479
## educ	0.0613966287	0.0314366956	1.9530242	0.051474174
## exper	0.0441703929	0.0134324755	3.2883286	0.001091838
## expersq	-0.0008989696	0.0004016856	-2.2379930	0.025740027

- ▶ $\hat{\beta}_{educ} \approx 0.061$ (se = 0.031)、5%水準でぎりぎり有意
▶ OLS (≈ 0.107) より低い \Rightarrow 能力バイアスと整合的

15-3c 弱い操作変数の検出

Stock-Yogo (2005) の弱操作変数検定

- ▶ IV 推定量は関連性が低い場合、大標本でも深刻なバイアス
- ▶ **実用的な基準** (Stock-Yogo, 2005):
 - ▶ 操作変数が 1 つ: 第 1 段階の t 値 $> \sqrt{10} \approx 3.2$
 - ▶ 操作変数が複数: 第 1 段階の除外変数の F 値 > 10
- ▶ より厳密には $F > 20$ (Olea and Pflueger, 2013) という主張も

Stock-Yogo 検定 (例 15.5 への適用)

```
# linearHypothesis の結果を ht に保存して F 値を取り出す
ht <- linearHypothesis(first_stage155, c("motheduc = 0", "fatheduc = 0"))
# ht$F[2] が F 値 ([1] は NA のため [2] を使う)、>> 10 → 弱い操作変数問題なし
cat("F 統計量:", ht$F[2], "\n")
```

```
## F 統計量: 55.4003
```

次数条件と階数条件

- ▶ **次数条件 (Order Condition):** 除外された外生変数の数 \geq 内生変数の数
 - ▶ ちょうど識別 (just-identified): 除外 IV 数 = 内生変数数
 - ▶ 過剰識別 (over-identified): 除外 IV 数 $>$ 内生変数数 \Rightarrow 検定可能
- ▶ **階数条件 (Rank Condition):** 各内生変数に対して少なくとも 1 つの除外変数が部分相関を持つ
 - ▶ 実質的に重要: 各内生変数の誘導型回帰で除外 IV が有意かを確認

15-4 測定誤差問題への IV 応用

古典的測定誤差と IV

- ▶ 古典的測定誤差モデル [15.45, 15.46]:

$$y = \beta_0 + \beta_1 x_1^* + \beta_2 x_2 + u$$

$$x_1 = x_1^* + e_1 \quad \Rightarrow \quad \text{OLS バイアス (ゼロ方向)}$$

- ▶ 解決策: x_1^* の別の測定値 z_1 を IV として使用
 - ▶ $z_1 = x_1^* + a_1$ (異なる測定誤差 a_1)
 - ▶ e_1 と a_1 が無相関なら z_1 は有効な IV

例 15.6: 能力の指標としての2つのテストスコア (WAGE2)

- ▶ IQ (第1テスト) と KWW (第2テスト) を能力の2測定値として使用
- ▶ IQ を含む方程式を推定し、 KWW を IQ の IV として使用
- ▶ | 左に IQ を含め、| 右では KWW に置き換える

IV 推定: 構造方程式 (左) → 誘導型 (右、 IQ を KWW に置換)

```
res_iv156 <- ivreg(lwage ~ educ + exper + tenure + married +  
                 south + urban + black + IQ |  
                 KWW + exper + tenure + married +  
                 south + urban + black,  
                 data = wage2)
```

例 15.6: 結果

```
# educ の係数・SE・t 値・p 値を表示  
coef(summary(res_iv156))["educ", ]
```

```
##      Estimate   Std. Error   t value   Pr(>|t|)  
## 1.034136e-01 1.543919e-02 6.698122e+00 3.656739e-11
```

▶ $\hat{\beta}_{educ} \approx 0.103$ (se = 0.015) : 非有意 \Rightarrow 測定誤差の相関が疑われる

15-5 内生性検定と過剰識別制約の検定

15-5a 内生性検定

- ▶ 2SLS は OLS より標準誤差が大きい \Rightarrow 本当に内生性があるか確認したい
- ▶ **Hausman 型の内生性検定** (回帰ベース) 手順:
 - (i) 誘導型で y_2 を全外生変数に回帰し残差 \hat{v}_2 を得る
 - (ii) 構造方程式に \hat{v}_2 を追加して OLS 推定
 - (iii) \hat{v}_2 の係数が有意 $\Rightarrow y_2$ は内生的

15-5a 内生性検定 (R コード)

```
# Step 1: 誘導型残差を取得 (educ の説明されない部分を分離)
v_hat <- residuals(lm(educ ~ motheduc + fatheduc + exper + expersq,
                     data = mroz_work))
# Step 2: 構造方程式に v_hat を追加 (有意なら educ は内生)
endog_reg <- lm(lwage ~ educ + exper + expersq + v_hat, data = mroz_work)
# v_hat の係数・SE・t 値・p 値を表示
coef(summary(endog_reg))["v_hat", ]

##      Estimate Std. Error    t value    Pr(>|t|)
## 0.05816661 0.03480728 1.67110501 0.09544055
```

内生性検定の結果解釈

- ▶ $\hat{\delta}_1 \approx 0.058, t \approx 1.67$: 10%水準で有意 (示唆的)
- ▶ 5%水準では帰無仮説 (*educ* が外生) を棄却できない
- ▶ **実務上の推奨**: 2SLS と OLS の両方を報告し、差異を議論

15-5b 過剰識別制約の検定

- ▶ 過剰識別 (除外 IV 数 > 内生変数数) の場合: 少なくとも一部の IV が外生かを検定可能
- ▶ **Sargan 検定** 手順:
 - (i) 2SLS 推定を行い残差 \hat{u}_1 を得る
 - (ii) \hat{u}_1 を全外生変数に回帰し R^2 を取得
 - (iii) 検定統計量 $nR^2 \sim \chi_q^2$ ($q =$ 過剰識別制約数)

Sargan 検定 (R コード: Step 1-2)

```
# Step 1: 2SLS 残差を取得
u_hat155 <- residuals(res_2sls155)
# Step 2: 残差を全外生変数に回帰 (IV の外生性と残差の相関を確認)
oir_reg <- lm(u_hat155 ~ motheduc + fatheduc + exper + expersq,
              data = mroz_work)
# 観測数を取得
n <- nrow(mroz_work)
```

Sargan 検定 (R コード: Step 3)

```
# Step 3: 検定統計量  $nR^2 \sim \chi^2(q)$ ,  $q = IV \text{数} - \text{内生変数数} = 2 - 1 = 1$   
#  $n \times R^2$  を計算  
nR2 <- n * summary(oir_reg)$r.squared  
#  $\chi^2(1)$  の上側確率 ( $p$  値)  
pval <- pchisq(nR2, df = 1, lower.tail = FALSE)
```

▶ $nR^2 = 0.3781$

▶ $p \text{ 値} = 0.5386$

過剰識別検定の解釈

- ▶ $nR^2 \approx 0.378$, $p \approx 0.539 \Rightarrow$ 帰無仮説 (両 IV が外生) を棄却できない
- ▶ $huseduc$ (夫の教育) を追加すると $nR^2 \approx 1.11$, $p \approx 0.574$ (2 自由度)
- ▶ **注意:** 検定は全 IV が同一の方向にバイアスを持つ場合は検出できない

15-6 不均一分散と 2SLS

不均一分散頑健な 2SLS 推定

- ▶ 2SLS でも不均一分散が問題になりうる
- ▶ OLS と同様に、**不均一分散頑健標準誤差**が利用可能
- ▶ Breusch-Pagan 型の検定: 2SLS 残差 \hat{u}_1 を全外生変数に回帰した際の結合有意性

```
# 2SLS 推定 (例 15.5 と同じモデル)
```

```
res_hc <- ivreg(lwage ~ educ + exper + expersq |
               motheduc + fatheduc + exper + expersq,
               data = mroz_work)
```

```
# vcovHC(): HC1 型の不均一分散頑健分散共分散行列を計算
```

```
# coeftest(): 頑健 SE を使って t 検定を再実施、educ 行のみ表示
```

```
coeftest(res_hc, vcov = vcovHC(res_hc, type = "HC1"))["educ", ]
```

```
## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## 0.06139663 0.03333859 1.84160854 0.06623070
```

15-7/15-8 時系列・パネルデータへの応用

時系列データへの 2SLS 適用

- ▶ 時系列構造方程式 [15.52]:

$$y_t = \beta_0 + \beta_1 x_{t1} + \cdots + \beta_k x_{tk} + u_t$$

- ▶ 2SLS の漸近的性質は弱従属系列で成立
- ▶ 注意点:
 - ▶ トレンドや季節性がある場合は時系列ダミーを含める
 - ▶ トレンド変数は常に自分自身の IV になる
 - ▶ 単位根を持つ変数は 1 階差分後に適用
- ▶ AR(1) 誤差の検定: \hat{u}_t を \hat{u}_{t-1} に 2SLS で回帰 ([15.55])

例 15.10: 職業訓練と労働者生産性 (JTRAIN) — FD + IV

▶ FD モデル [15.57]:

$$\Delta \log(\text{scrap}_i) = \delta_0 + \beta_1 \Delta \text{hrsemp}_i + \Delta u_i$$

▶ Δhrsemp_i が Δu_i と相関する懸念 $\Rightarrow \Delta \text{grant}_i$ を IV に使用

```
# jtrain データを読み込む
data(jtrain)
# 1988 年のデータを抽出 (1 階差分変数が格納されている年)
j88 <- subset(jtrain, year == 1988)
# 必要な 3 変数のみ選択し、欠損値を除去 (n = 45 になる)
j88_clean <- na.omit(j88[, c("clscrap", "chrsemp", "cgrant")])
# 2SLS: cgrant (補助金の変化) を chrsemp (訓練時間の変化) の IV として指定
res_2s1510 <- ivreg(clscrap ~ chrsemp | cgrant, data = j88_clean)
# chrsemp の係数・SE・t 値・p 値を表示
coef(summary(res_2s1510))["chrsemp", ]
```

```
##      Estimate   Std. Error   t value   Pr(>|t|)
## -0.014153164  0.007914742 -1.788202786  0.080790975
```

例 15.10: 結果の解釈

- ▶ 2SLS: $\hat{\beta}_1 \approx -0.014$ (se = 0.008) : 10 時間の訓練増加で不良品率約 14%低下
- ▶ OLS: $\hat{\beta}_1 \approx -0.008$ (se = 0.005) : 2SLS は OLS の約 2 倍
- ▶ 第 1 段階: $\Delta grant$ の $t \approx 4.72$ (強い関連性)

結合横断面・パネルデータへの 2SLS

- ▶ 結合横断面: 年ダミーは外生 \Rightarrow 通常の IV と同様に適用
- ▶ **例 15.9:** 出生率方程式 (FERTIL1) で *educ* を内生と仮定、
両親教育を IV に
- ▶ パネルデータ + IV: FD 後に内生性が残る場合
 - ▶ FD 後のモデルで追加の IV を使用 (例 15.10 が典型例)
 - ▶ ラグ従属変数を含む動的モデルでも IV/GMM 法が必要

まとめ

第 15 章のまとめ

手法	状況	R 関数
IV (1 変数)	内生変数 1 個、IV1 個	<code>ivreg(y ~ x z)</code>
2SLS	内生変数 1 個、IV 複数	<code>ivreg(y ~ x+w z+w)</code>
2SLS (複数内生)	内生変数複数	<code>ivreg()</code>
頑健 SE 付き 2SLS	不均一分散	<code>coeftest(, vcovHC())</code>

まとめ (続き)

- ▶ **操作変数の 2 条件:** 外生性 (理論で正当化)、関連性 (第 1 段階で検定)
- ▶ **弱操作変数:** 第 1 段階の $F > 10$ (Stock-Yogo ルール)
- ▶ **次数条件:** 除外 IV 数 \geq 内生変数数 (識別のための必要条件)
- ▶ **内生性検定:** 第 1 段階残差を構造方程式に追加して t 検定
- ▶ **過剰識別検定:** $nR^2 \sim \chi_q^2$ ($q =$ 過剰識別制約数)
- ▶ **代償:** IV の分散は OLS より常に大きい \Rightarrow 大標本が重要
- ▶ **応用:** 省略変数、測定誤差、時系列・パネルデータすべてに使用可能